

整式  $f(x)$  と実数  $C$  が

$$\int_0^x f(y)dy + \int_0^1 (x+y)^2 f(y)dy = x^2 + C$$

を満たすとき, この  $f(x)$  と  $C$  を求めよ。

(京都大)